

ГБОУ ВПО «Казанский государственный медицинский университет»  
Минздравсоцразвития России  
Кафедра общественного здоровья и организации здравоохранения с  
курсом медицинской информатики

Вариационный ряд. Средние величины.  
Расчет показателей вариационного ряда, используя мастер функций  
(f<sub>x</sub>) MS Excel.

*Учебно-методическое пособие для студентов лечебного факультета*

Казань 2011

## Оглавление

|                                                                                             |    |
|---------------------------------------------------------------------------------------------|----|
| Цель занятия: .....                                                                         | 3  |
| Студент должен уметь .....                                                                  | 3  |
| Студент должен знать: .....                                                                 | 3  |
| Информационный материал.....                                                                | 4  |
| Основные обозначения вариационного ряда .....                                               | 4  |
| Виды вариационных рядов.....                                                                | 4  |
| Средняя величина.....                                                                       | 4  |
| Применение средних величин .....                                                            | 4  |
| Методика расчета простой средней арифметической.....                                        | 5  |
| Методика расчета взвешенной средней арифметической (табл. 1).....                           | 5  |
| Методика расчета среднеквадратического отклонения (см. табл. 1) .....                       | 5  |
| Применение среднеквадратического отклонения.....                                            | 5  |
| Коэффициент вариации ( $C_v$ ) .....                                                        | 6  |
| Применение коэффициента вариации.....                                                       | 6  |
| РАСЧЕТ ПОКАЗАТЕЛЕЙ ВАРИАЦИОННОГО РЯДА, ИСПОЛЬЗУЯ<br>МАСТЕР ФУНКЦИЙ ( $f_x$ ) MS EXCEL ..... | 8  |
| КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ .....                                                                   | 18 |
| ТЕСТОВЫЕ ЗАДАНИЯ: .....                                                                     | 18 |
| СИТУАЦИОННЫЕ ЗАДАЧИ: .....                                                                  | 20 |

### **Хронология занятия**

1. Формулировка и обоснования цели занятия (10 мин.);
2. Изложение основных вопросов темы (60 мин.);
3. Перерыв (20 мин.)
4. Самостоятельная работа студентов с методическим материалом - (30 мин.)
5. Разбор типовых задач по изучаемой теме (20 мин.)
6. Самостоятельное решение задач (40 мин.)
7. Тестовый контроль на ПК (15 мин.)

Общая продолжительность занятия – 195 минут.

### **Цель занятия:**

ознакомить студентов методам вариационной статистики для оценки и анализа статистической совокупности при изучении общественного здоровья и деятельности медицинских учреждений.

### **Студент должен уметь**

- выявлять основную закономерность изучаемого признака путем вычисления средних величин;
- обосновывать методику применения критериев разнообразия вариационного ряда;
- давать характеристику разнообразия вариационного ряда;
- делать выводы о типичности обобщающей характеристики признака в изучаемой совокупности, используя критерии разнообразия вариационного ряда;
- рассчитывать средние величины и критерии вариационного ряда, используя мастер функций MS Excel.

### **Студент должен знать:**

- основные понятия темы (вариационный ряд, средние величины, среднееквадратическое отклонение, коэффициент вариации, правило трех сигм, нормальное распределение Гаусса);
- методику расчета средних величин и критериев разнообразия вариационного ряда;
- методику анализа средних величин: значение среднееквадратического отклонения и коэффициента разнообразия для оценки вариативности изучаемого признака и типичности средней величины;
- нормальное распределение вариационного ряда и его значение для оценки статистических показателей;
- область применения характеристик вариационного ряда.
- 

### **Место проведения**

Дисплейный класс кафедры общественного здоровья и организации здравоохранения с курсом медицинской информатики

### **Оснащение занятия**

Мультимедийный проектор

Наглядный материал в виде мультимедийных презентаций

### Информационный материал

При изучении общественного здоровья (например, показателей физического развития), анализе деятельности учреждений здравоохранения за год (длительность пребывания больных на койке и др.), оценке работы медицинского персонала (нагрузка врача на приеме и др.) часто возникает необходимость получить представление о размерах изучаемого признака в совокупности для выявления его основной закономерности.

Оценить размер признака в совокупности, изменяющегося по своей величине, позволяет лишь его обобщающая характеристика, называемая средней величиной.

Для более детального анализа изучаемой совокупности по какому-либо признаку помимо средней величины необходимо также вычислить критерии разнообразия признака, которые позволяют оценить, насколько типична для данной совокупности ее обобщающая характеристика.

1. **Определение вариационного ряда.** Вариационный ряд - это числовые значения признака, представленные в ранговом порядке с соответствующими этим значениям частотами.

#### Основные обозначения вариационного ряда

**V** — варианта, отдельное числовое выражение изучаемого признака;  
**p** — частота ("вес") варианты, число ее повторений в вариационном ряду;

**n** — общее число наблюдений (т.е. сумма всех частот,  $n = \sum p$ );

**V<sub>max</sub>** и **V<sub>min</sub>** — крайние варианты, ограничивающие вариационный ряд (лимиты ряда);

**A** — амплитуда ряда (т.е. разность между максимальной и минимальной вариантами,  $A = V_{\max} - V_{\min}$ )

#### Виды вариационных рядов

**а) простой** — это ряд, в котором каждая варианта встречается по одному разу ( $p=1$ ); **б) взвешенный** — ряд, в котором отдельные варианты встречаются неоднократно (с разной частотой).

2. **Назначение вариационного ряда** Вариационный ряд необходим для определения средней величины (**M**) и критериев разнообразия признака, подлежащего изучению (**σ**, **C<sub>v</sub>**).

#### Средняя величина

- это обобщающая характеристика размера изучаемого признака. Она позволяет одним числом количественно охарактеризовать качественно однородную совокупность.

#### Применение средних величин

- о для оценки состояния здоровья — например, параметров физического развития (средний рост, средняя масса тела, среднее значение жизненной емкости легких и др.), соматических показателей (средний уровень сахара в крови, средняя величина пульса, средняя СОЭ и др.);

- для оценки организации работы лечебно-профилактических и санитарно-противоэпидемических учреждений, а также деятельности отдельных врачей и других медицинских работников (средняя длительность пребывания больного на койке, среднее число посещений на 1 ч приема в поликлинике и др.);
  - для оценки состояния окружающей среды.
3. В статистике принято выделять следующие **виды средних величин**: мода ( $M_o$ ), медиана ( $M_e$ ) и средняя арифметическая ( $M$ ). Мода – величина варьирующего признака, наиболее часто встречающаяся в совокупности. В вариационном ряду это варианта, имеющая наибольшую частоту встречаемости. Обычно мода является величиной довольно близкой к средней арифметической, совпадает с ней при полной симметрии распределения. Медиана – варианта, делящая вариационный ряд на две равные половины. При нечетном числе наблюдений медианой является варианта, имеющая в вариационном ряду порядковый номер  $(n + 1) : 2$ . Средняя арифметическая величина ( $M$ ) – в отличие от моды и медианы опирается на все произведенные наблюдения, поэтому является важной характеристикой для всего распределения.

#### **Методика расчета простой средней арифметической**

1. Суммировать варианты:  $V_1 + V_2 + V_3 + \dots + V_n = \Sigma V$ ;
2. Сумму вариантов разделить на общее число наблюдений:  $M = \Sigma V / n$

#### **Методика расчета взвешенной средней арифметической (табл. 1)**

3. Получить произведение каждой варианты на ее частоту —  $V_p$
4. Найти сумму произведений вариантов на частоты:  $V_{1p1} + V_{2p2} + V_{3p3} + \dots + V_{npn} = \Sigma V_p$
5. Полученную сумму разделить на общее число наблюдений:  $M = \Sigma V_p / n$

#### **Методика расчета среднеквадратического отклонения (см. табл. 1)**

6. Найти отклонение (разность) каждой варианты от среднеарифметической величины ряда ( $d = V - M$ );
7. Возвести каждое из этих отклонений в квадрат ( $d^2$ );
8. Получить произведение квадрата каждого отклонения на частоту ( $d^2p$ );
9. Найти сумму этих отклонений:  $d^2_{1p1} + d^2_{2p2} + d^2_{3p3} + \dots + d^2_{npn} = \Sigma d^2p$ ;
10. Полученную сумму разделить на общее число наблюдений (при  $n < 30$  в знаменателе  $n-1$ ):  $\Sigma d^2p / n$
11. Извлечь квадратный корень:  $\sigma = \sqrt{\Sigma d^2p / n}$   
при  $n < 30$   $\sigma = \sqrt{\Sigma d^2p / n-1}$

#### **Применение среднеквадратического отклонения**

- для суждения о колеблемости вариационных рядов и сравнительной оценки типичности (представительности) средних

арифметических величин. Это необходимо в дифференциальной диагностике при определении устойчивости признаков;

- для реконструкции вариационного ряда, т.е. восстановления его частотной характеристики на основе правила "трех сигм". В интервале  $M \pm 3\sigma$  находится 99,7% всех вариантов ряда, в интервале  $M \pm 2\sigma$  — 95,5% и в интервале  $M \pm 1\sigma$  — 68,3% вариант ряда — нормальное распределение (распределение Гаусса), при этом  $M$  — находится в максимуме (Рис. 1);

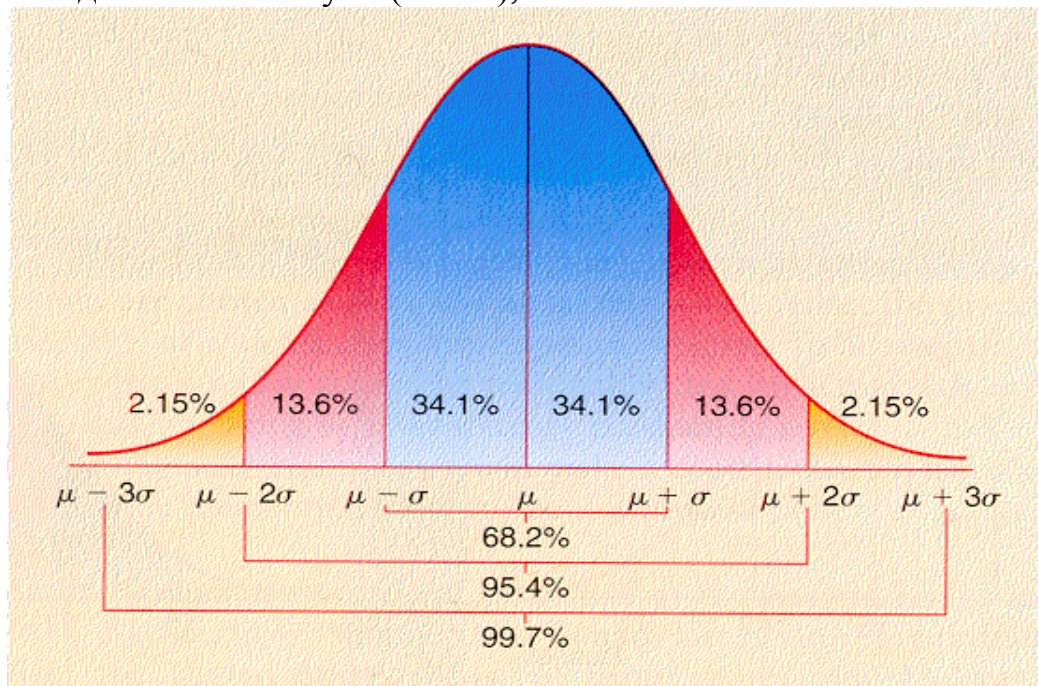


Рис. 1 График плотности нормального распределения

- для выявления "выскакивающих" вариант (при сопоставлении реального и реконструированного вариационных рядов);
- для определения параметров нормы и патологии с помощью сигмальных оценок;
- для расчета коэффициента вариации;
- для расчета средней ошибки средней арифметической величины.

### **Коэффициент вариации ( $C_v$ )**

- это процентное отношение среднеквадратического отклонения к среднеарифметической величине:  $C_v = \sigma / M \times 100\%$ . Коэффициент вариации — это относительная мера колеблемости вариационного ряда.

### **Применение коэффициента вариации**

- для оценки разнообразия каждого конкретного вариационного ряда и, соответственно, суждения о типичности отдельной средней (т.е. ее способности быть полноценной обобщающей характеристикой данного ряда). При  $C_v < 10\%$  разнообразие ряда считается слабым, при  $C_v$  от 10 до 20% — средним, а при  $C_v > 20\%$  — сильным. Сильное разнообразие ряда свидетельствует о малой представительности (типичности) соответствующей средней величины и, следовательно, о нецелесообразности ее использования в практических целях;

- для сравнительной оценки разнообразия (колеблемости) разноименных вариационных рядов и выявления более и менее стабильных признаков, что имеет значение в дифференциальной диагностике.

Таблица 1. Результаты измерения массы тела 7-летних мальчиков города Н. в 2007 г.

| Масса тела (в кг)<br>V | Середина интервала<br>(центральная<br>варианта) V1 | Число мальчиков<br>P | V <sub>p</sub> | d = V - M | d <sup>2</sup> | d <sup>2</sup> p |
|------------------------|----------------------------------------------------|----------------------|----------------|-----------|----------------|------------------|
| 15-18,9                | 17                                                 | 16                   | 272            | -7        | 49             | 784              |
| 19-22,9                | 21                                                 | 27                   | 567            | -3        | 9              | 243              |
| 23-26,9                | 25                                                 | 32                   | 800            | +1        | 1              | 32               |
| 27-30,9                | 29                                                 | 16                   | 464            | +5        | 25             | 400              |
| 31-34,9                | 33                                                 | 9                    | 297            | +9        | 81             | 729              |

#### Задача - эталон

|  |  |         |                   |  |  |                    |
|--|--|---------|-------------------|--|--|--------------------|
|  |  | n = 100 | $\sum V_p = 2400$ |  |  | $\sum d^2p = 2188$ |
|--|--|---------|-------------------|--|--|--------------------|

**Условие задачи.** В городе Н. в 2007 г. проведено измерение массы тела 7-летних мальчиков (данные представлены в табл. 1). По данным аналогичного исследования, выполненного в городе Н. в 1997 г., средняя масса тела 7-летних мальчиков составила 23,8 кг,  $\sigma \pm 3,6$  кг.

#### Задание.

1. Вычислить среднюю арифметическую величину (M) и критерии разнообразия вариационного ряда ( $\sigma$ ,  $C_v$ ).
2. Оценить полученные результаты, сравнить их с данными предыдущего исследования, сделать соответствующие выводы.

#### Решение

В сгруппированном вариационном ряду центральная варианта рассчитывается как полусумма начальных вариантов соседних интервалов:  
 $M = \sum V_p / n = 2400 / 100 = 24,0$  (кг);  
 $\sigma = \sqrt{\sum d^2p / n} = \sqrt{2188 / 100} = \pm 4,68$  (кг);  
 $C_v = \sigma / M \times 100\% = (4,68 / 24,0 \times 100) = 19,5\%$ .

#### Выводы:

1. Средняя масса тела 7-летних мальчиков в городе Н. в 2007 г. составляет 24,0 кг,
2.  $\sigma = \pm 4,68$  (кг).

3. Величина коэффициента вариации, равная 19,5% свидетельствует о среднем разнообразии признака (приближающемся к сильному)

Таким образом, можно считать, что полученная средняя величина массы тела является достаточно представительной (типичной). По сравнению с 1997 г., в 2007 г. отмечается более значительная вариабельность массы тела у мальчиков 7 лет ( $\pm 4,68$  кг против 3,6 кг).

Аналогичный вывод вытекает и из сопоставления коэффициентов вариации ( $C_v$  в 1997 году равен  $(3,6 / 23,8 \times 100 = 15,1\%)$ ).

## РАСЧЕТ ПОКАЗАТЕЛЕЙ ВАРИАЦИОННОГО РЯДА, ИСПОЛЬЗУЯ МАСТЕР ФУНКЦИЙ ( $f_x$ ) MS EXCEL

**Пример 1.** Рассмотрим частоту сердечных сокращений у 20 студентов и рассчитаем средние величины.

Введем в ячейку A1 – A20 значения частоты сердечных сокращений (ЧСС) студентов: 48 56 54 57 47 50 59 60 67 68 70 69 74 75 53 58 86 51 88 60 (Рис.1).

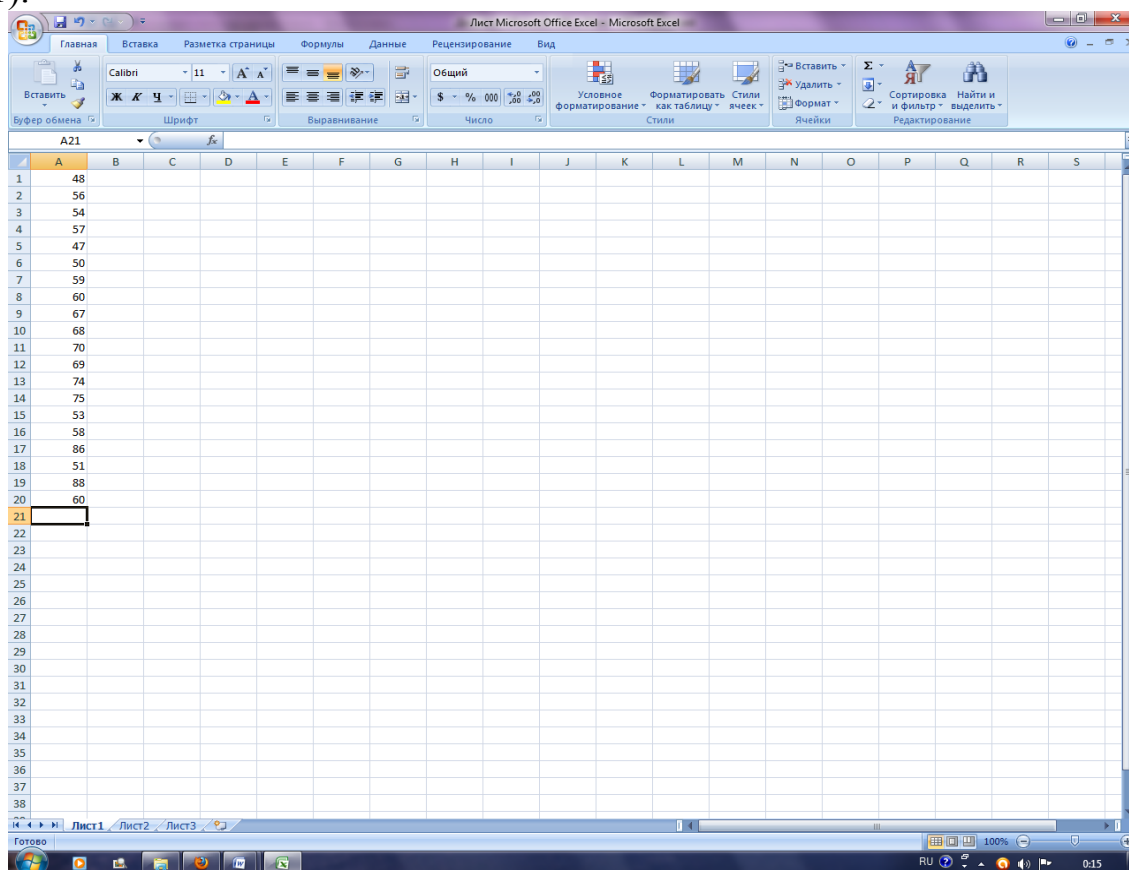


**Рис. 1** Ввод данных

Для расчета Моды, открываем **Мастер функций**. Для этого определяем курсором ячейку B22, щелкаем мышью на кнопке  $f_x$  в строке состояния и открывается окно **Мастер функций**. В категории выбираем **Статистические**, в перечне функций находим функцию **Мода** и нажимаем **ОК** (Рис. 2, 3).

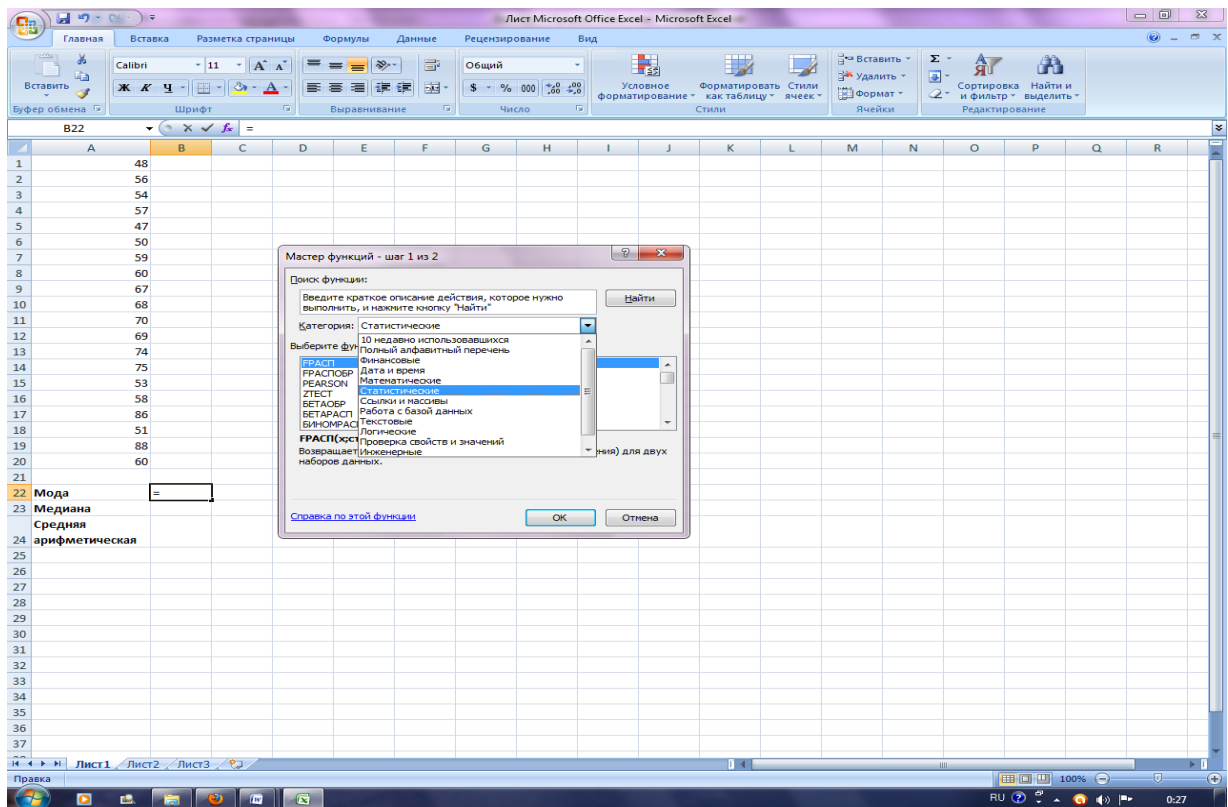


Рис. 2 Выбор категории

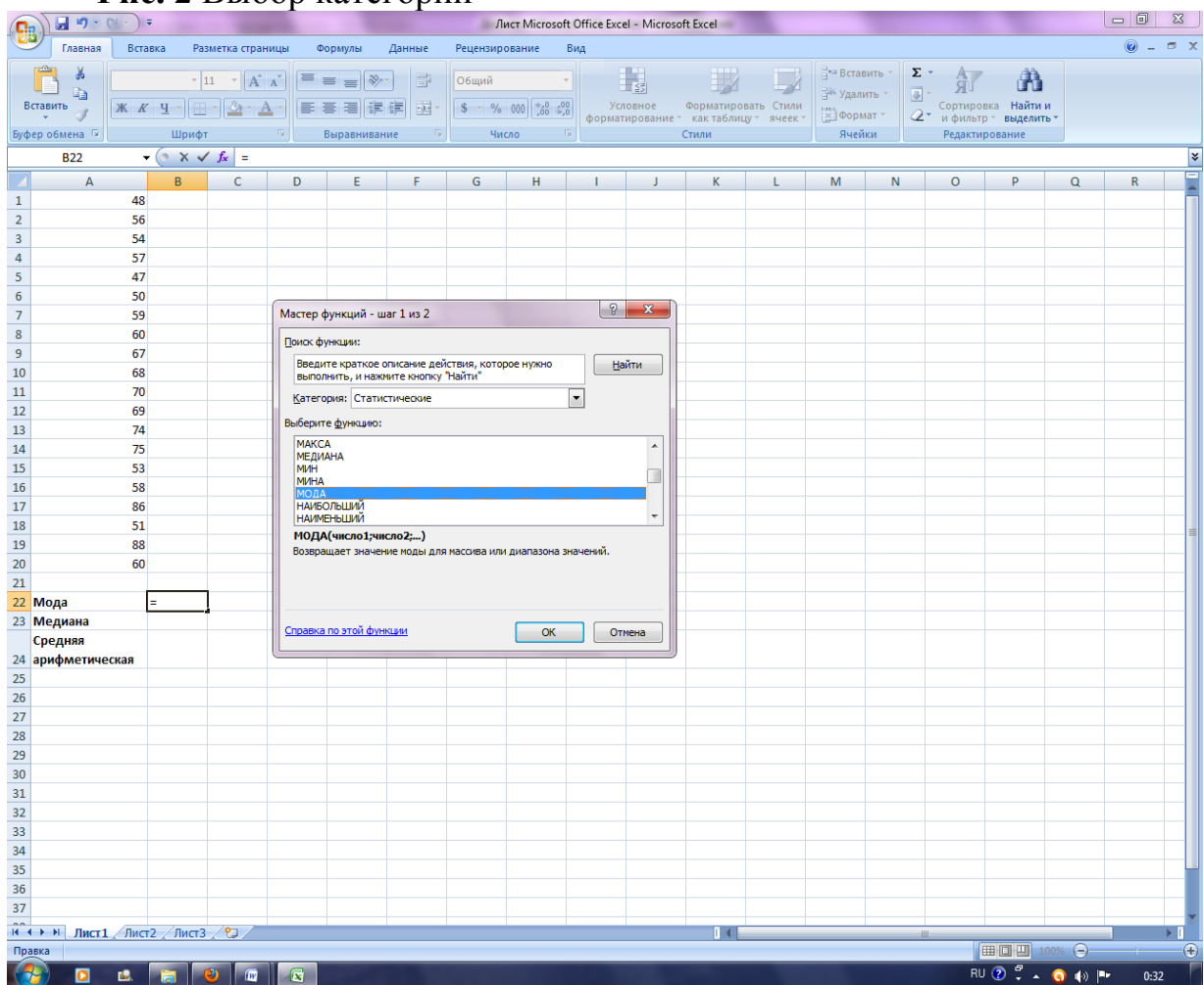


Рис. 3 Выбор функции Мода

В появившемся диалоговом окне **Аргументы функции** определяем массив A1:A20 и нажимаем **ОК** (Рис. 4).

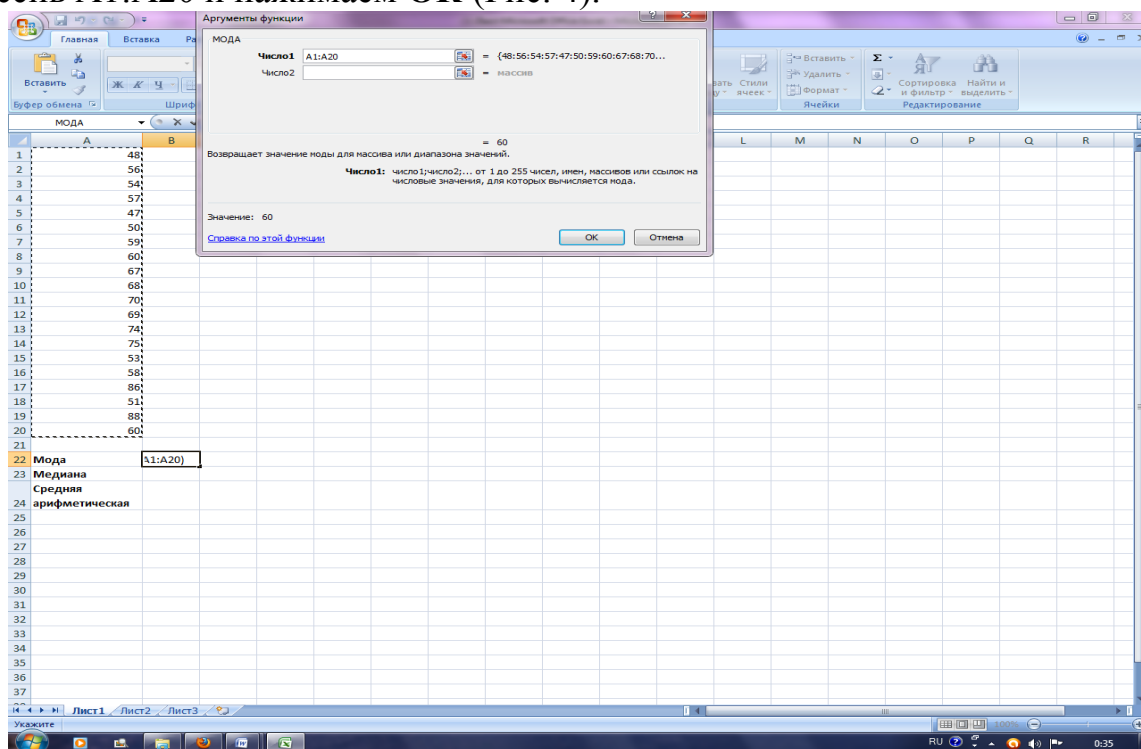


**Рис. 4** Выбор массива

В нашем примере Мода равна 60.

Аналогичным способом вычисляем Медиану и среднюю арифметическую (Рис. 5 - 8).

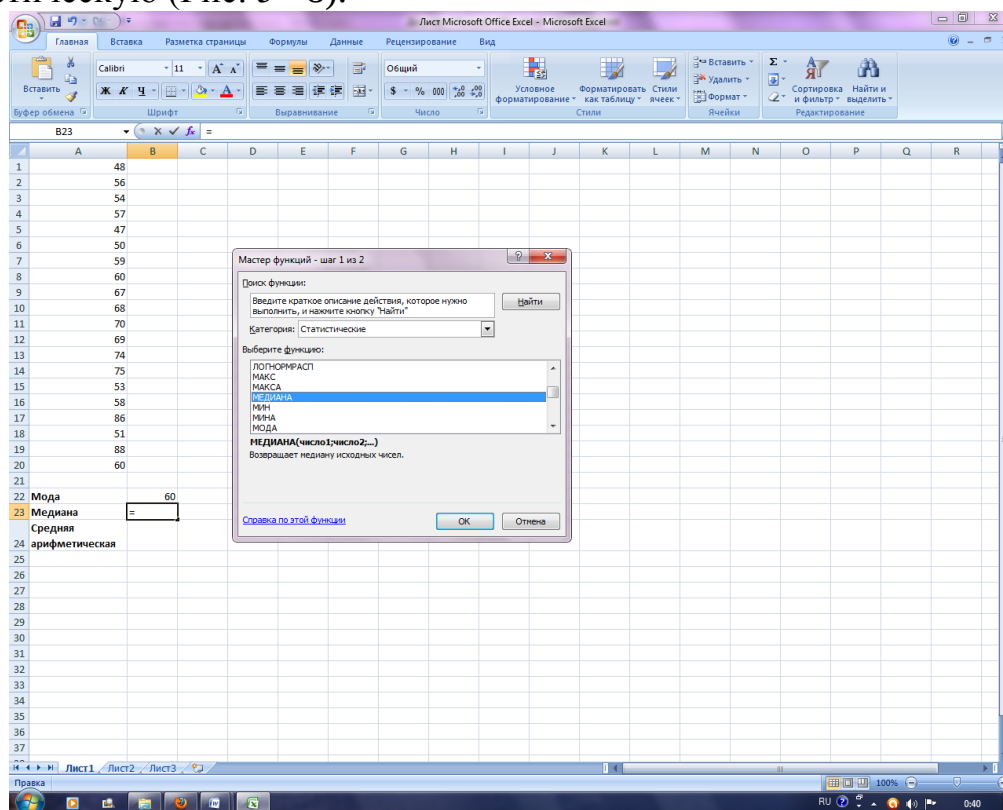


**Рис. 5** Выбор функции Медиана

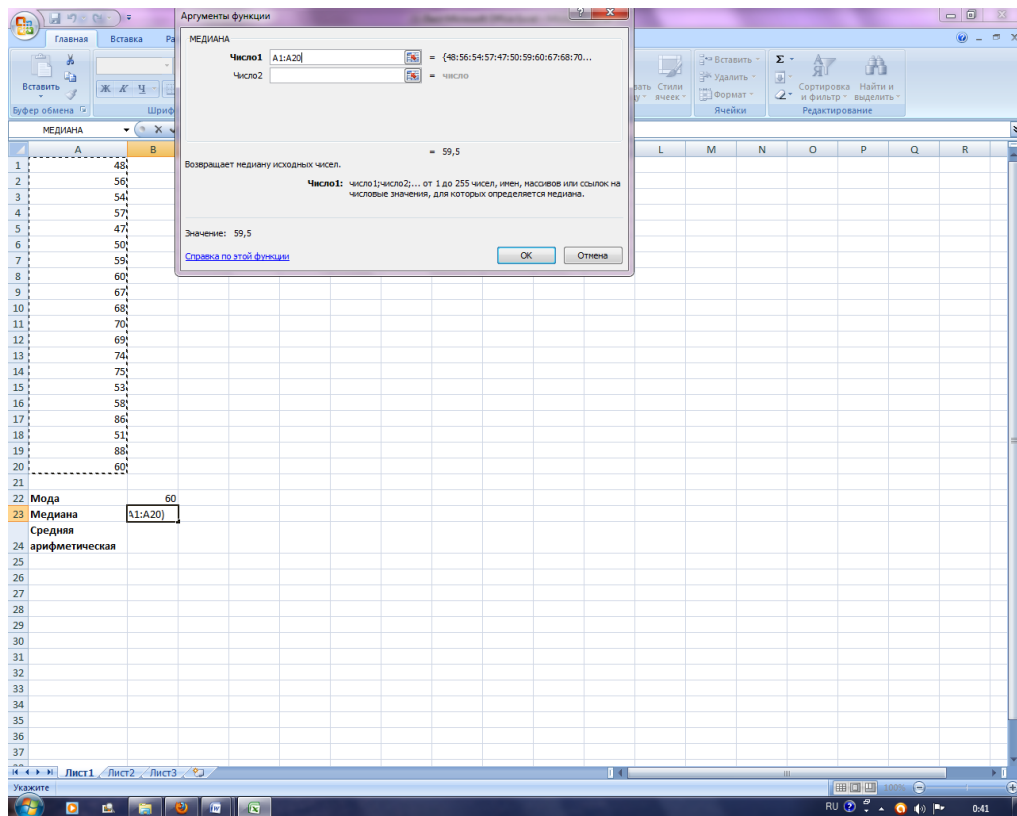


Рис. 6 Выбор массива

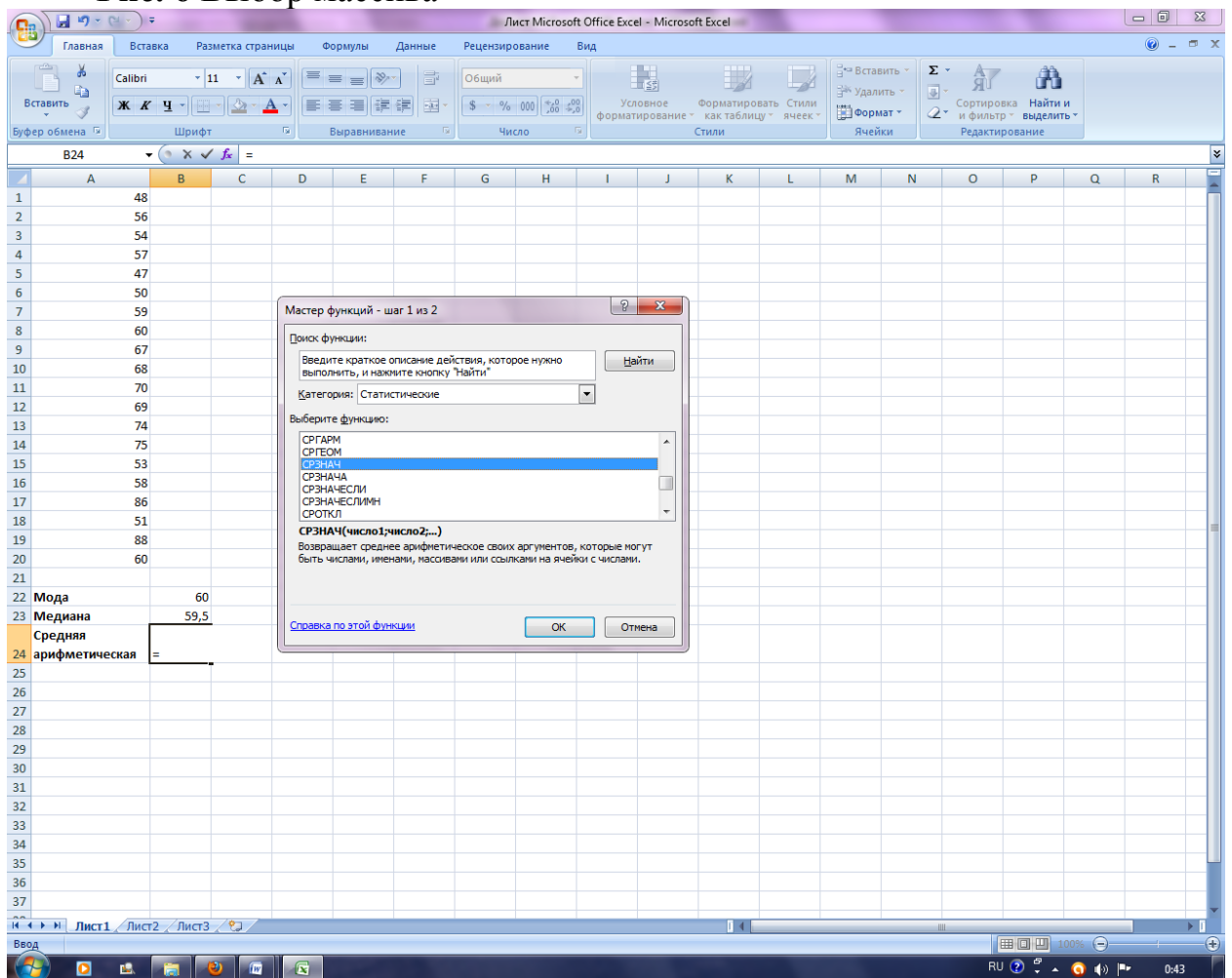


Рис. 7 Выбор функции Средзнач

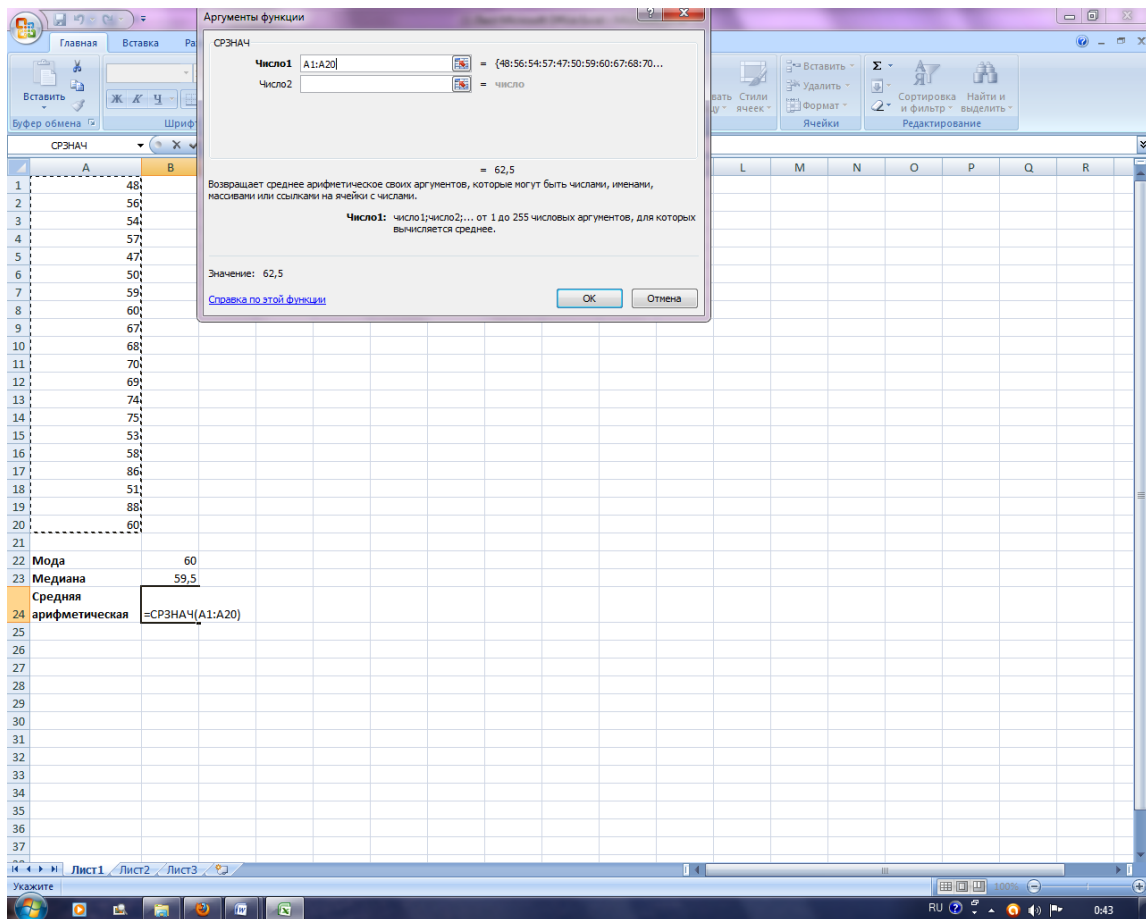


**Рис. 8** Выбор массива

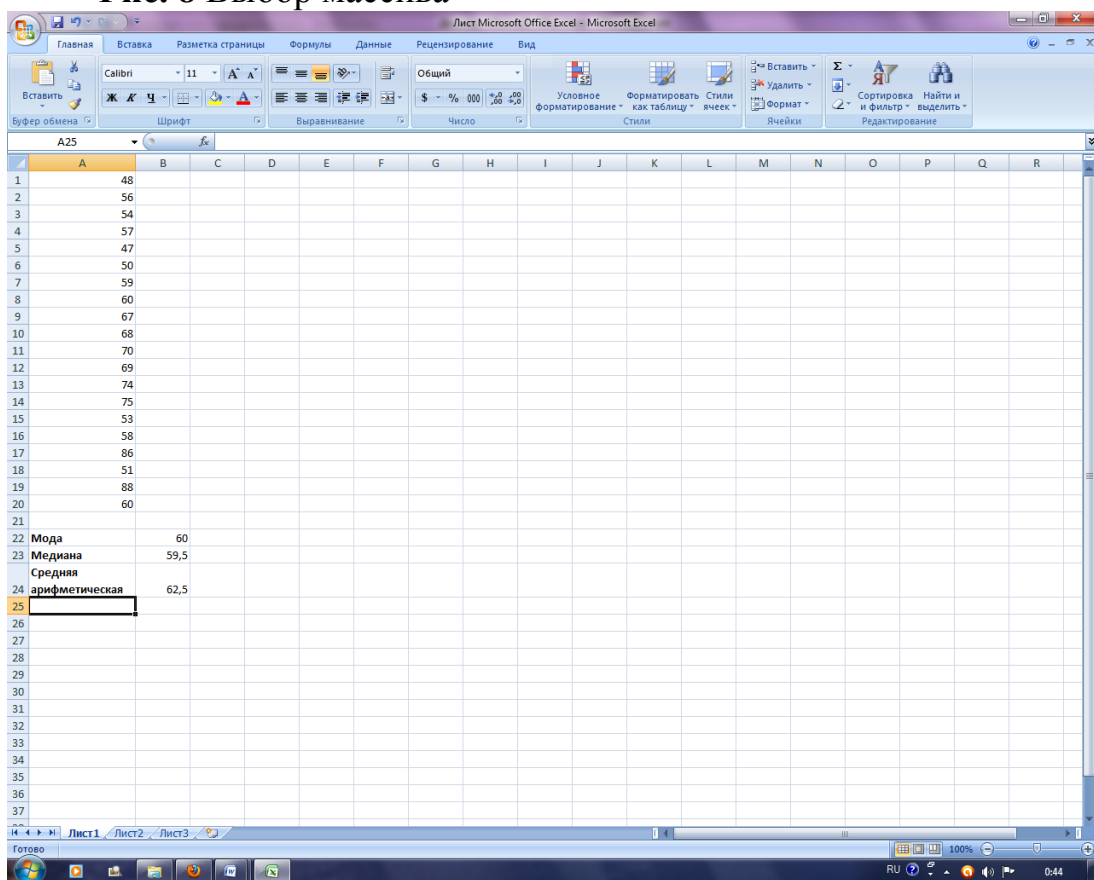


**Рис. 9** Результат анализа

Итого, Медиана равна 59,5, а средняя арифметическая – 62,5 (Рис. 9).

**Пример 2.** Определить средний рост юношей 17 лет, среднеквадратичное отклонение, коэффициент вариации.

| Рост, см (V) | Число юношей (p) |
|--------------|------------------|
| 154-156      | 45               |
| 157-159      | 60               |
| 160-162      | 83               |
| 163-165      | 83               |
| 166-168      | 53               |
| 169-171      | 6                |
| <b>всего</b> | <b>330</b>       |

Введем данные в таблицу Excel (Рис. 10).

| Рост, см | Среднее значение интервала | Число юношей | Произведение среднего значения интервала на число наблюдений | Отклонение (разность) каждой варианты от среднearифметической величины ряда | Квадрат отклонения | Произведение квадрата отклонения на число наблюдений |
|----------|----------------------------|--------------|--------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------|--------------------|------------------------------------------------------|
| V        | V1                         | p            | V1*p                                                         | d = V1 - M                                                                  | d <sup>2</sup>     | d <sup>2</sup> *p                                    |
| 154-156  |                            | 45           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 157-159  |                            | 60           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 160-162  |                            | 83           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 163-165  |                            | 83           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 166-168  |                            | 53           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 169-171  |                            | 6            |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| всего    |                            | 330          |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |

**Рис. 10** Ввод данных для расчета

В ячейки B3:B8 внесем показатели центров интервалов роста (V1) (Рис. 11).

|   | Рост, см | Среднее значение интервала | Число юношей | Произведение среднего значения интервала на число наблюдений | Отклонение (разность) каждой варианты от среднеарифметической величины ряда | Квадрат отклонения | Произведение квадрата отклонения на число наблюдений |
|---|----------|----------------------------|--------------|--------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------|--------------------|------------------------------------------------------|
|   | V        | V1                         | p            | $V1 \cdot p$                                                 | $d = V1 - M$                                                                | $d^2$              | $d^2 \cdot p$                                        |
| 1 | 154-156  | 155                        | 45           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 2 | 157-159  | 158                        | 60           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 3 | 160-162  | 161                        | 83           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 4 | 163-165  | 164                        | 83           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 5 | 166-168  | 167                        | 53           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 6 | 169-171  | 170                        | 6            |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |
| 7 | всего    |                            | 330          |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |

**Рис. 11** Ввод среднего значения интервала

В ячейку D3 вводим формулу  $= B3 \cdot C3$  (Рис. 12), копируем на остальные ячейки D4:D8 и полученные данные суммируем в ячейке D9. А в ячейку D10 введем формулу расчета средней арифметической  $= D9 / C9$ , после чего и получаем искомую величину взвешенной средней арифметической (Рис. 13).

|   | A        | B                          | C            | D                                                            | E                                                                           | F                  | G                                                    | H | I | J | K | L | M | N |
|---|----------|----------------------------|--------------|--------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------|--------------------|------------------------------------------------------|---|---|---|---|---|---|---|
|   | Рост, см | Среднее значение интервала | Число юношей | Произведение среднего значения интервала на число наблюдений | Отклонение (разность) каждой варианты от среднеарифметической величины ряда | Квадрат отклонения | Произведение квадрата отклонения на число наблюдений |   |   |   |   |   |   |   |
| 1 |          |                            |              |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 2 | V        | V1                         | p            | V1*p                                                         | d = V1 - M                                                                  | d <sup>2</sup>     | d <sup>2</sup> *p                                    |   |   |   |   |   |   |   |
| 3 | 154-156  | 155                        | 45           | =B3*C3                                                       |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 4 | 157-159  | 158                        | 60           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 5 | 160-162  | 161                        | 83           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 6 | 163-165  | 164                        | 83           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 7 | 166-168  | 167                        | 53           |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 8 | 169-171  | 170                        | 6            |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 9 | всего    |                            | 330          |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |

Рис. 12 Ввод формулы

|    | A        | B                          | C                      | D                                                            | E                                                                           | F                  | G                                                    | H | I | J | K | L | M | N |
|----|----------|----------------------------|------------------------|--------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------|--------------------|------------------------------------------------------|---|---|---|---|---|---|---|
|    | Рост, см | Среднее значение интервала | Число юношей           | Произведение среднего значения интервала на число наблюдений | Отклонение (разность) каждой варианты от среднеарифметической величины ряда | Квадрат отклонения | Произведение квадрата отклонения на число наблюдений |   |   |   |   |   |   |   |
| 1  |          |                            |                        |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 2  | V        | V1                         | p                      | V1*p                                                         | d = V1 - M                                                                  | d <sup>2</sup>     | d <sup>2</sup> *p                                    |   |   |   |   |   |   |   |
| 3  | 154-156  | 155                        | 45                     | 6975                                                         |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 4  | 157-159  | 158                        | 60                     | 9480                                                         |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 5  | 160-162  | 161                        | 83                     | 13363                                                        |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 6  | 163-165  | 164                        | 83                     | 13612                                                        |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 7  | 166-168  | 167                        | 53                     | 8851                                                         |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 8  | 169-171  | 170                        | 6                      | 1020                                                         |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 9  | всего    |                            | 330                    | 53301                                                        |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 10 |          |                            | Средняя арифметическая | =D9/C9                                                       |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |

Рис. 13 Расчет средней арифметической величины

Для вычисления отклонения (разности) каждой варианты от средней арифметической величины вводим формулу в ячейку E3=B3-D10 (Рис. 14) и аналогично в остальные ячейки E4:E8. Находим квадрат отклонения и умножаем полученное число на число наблюдений.

|    | A        | B                          | C                      | D                                                            | E                                                                           | F                  | G                                                    |
|----|----------|----------------------------|------------------------|--------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------|--------------------|------------------------------------------------------|
|    | Рост, см | Среднее значение интервала | Число юношей           | Произведение среднего значения интервала на число наблюдений | Отклонение (разность) каждой варианты от среднеарифметической величины ряда | Квадрат отклонения | Произведение квадрата отклонения на число наблюдений |
| 2  | V        | V1                         | p                      | V1*p                                                         | d = V1 - M                                                                  | d <sup>2</sup>     | d <sup>2</sup> *p                                    |
| 3  | 154-156  | 155                        | 45                     | 6975                                                         | =B3-D10                                                                     |                    |                                                      |
| 4  | 157-159  | 158                        | 60                     | 9480                                                         |                                                                             |                    |                                                      |
| 5  | 160-162  | 161                        | 83                     | 13363                                                        |                                                                             |                    |                                                      |
| 6  | 163-165  | 164                        | 83                     | 13612                                                        |                                                                             |                    |                                                      |
| 7  | 166-168  | 167                        | 53                     | 8851                                                         |                                                                             |                    |                                                      |
| 8  | 169-171  | 170                        | 6                      | 1020                                                         |                                                                             |                    |                                                      |
| 9  | всего    |                            | 330                    | 53301                                                        |                                                                             |                    |                                                      |
| 10 |          |                            | Средняя арифметическая | 161,5181818                                                  |                                                                             |                    |                                                      |

**Рис. 14** Ввод формулы

В ячейке G9 суммируем полученные произведения квадрата отклонения на число наблюдений, делим на общее число наблюдений и находим дисперсию (D11 =G9/C9). В ячейке D12 вводим формулу расчета среднеквадратического отклонения – извлечение квадратного корня из величины дисперсии (Рис 15). Для получения квадратного корня щелкаем мышью на кнопке  $f_x$  в строке состояния, в открывшемся окне Мастера функций выбираем категорию Математические, находим функцию Корень. Нажимаем кнопку ОК и в открывшемся диалоговом окне указываем ячейку G9, из которой следует извлечь квадратный корень.

|    | А        | В                          | С                               | Д                                                            | Е                                                                           | Ф                  | Г                                                    | Н | И | Ж | К | Л | М | Н |
|----|----------|----------------------------|---------------------------------|--------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------|--------------------|------------------------------------------------------|---|---|---|---|---|---|---|
|    | Рост, см | Среднее значение интервала | Число юношей                    | Произведение среднего значения интервала на число наблюдений | Отклонение (разность) каждой вариации от среднеарифметической величины ряда | Квадрат отклонения | Произведение квадрата отклонения на число наблюдений |   |   |   |   |   |   |   |
|    | V        | V1                         | p                               | V1*p                                                         | d = V1 - M                                                                  | d²                 | d²*p                                                 |   |   |   |   |   |   |   |
| 1  |          |                            |                                 |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 2  | 154-156  | 155                        | 45                              | 6975                                                         | -6,518181818                                                                | 42,48669421        | 1911,90124                                           |   |   |   |   |   |   |   |
| 3  | 157-159  | 158                        | 60                              | 9480                                                         | -3,518181818                                                                | 12,37760331        | 742,6561983                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 4  | 160-162  | 161                        | 83                              | 13363                                                        | -0,518181818                                                                | 0,268512397        | 22,28652893                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 5  | 163-165  | 164                        | 83                              | 13612                                                        | 2,481818182                                                                 | 6,159421488        | 511,2319835                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 6  | 166-168  | 167                        | 53                              | 8851                                                         | 5,481818182                                                                 | 30,05033058        | 1592,667521                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 7  | 169-171  | 170                        | 6                               | 1020                                                         | 8,481818182                                                                 | 71,94123967        | 431,647438                                           |   |   |   |   |   |   |   |
| 8  | всего    |                            | 330                             | 53301                                                        |                                                                             |                    | 5212,390909                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 9  |          |                            | Средняя арифметическая          | 161,5181818                                                  |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 10 |          |                            | Дисперсия                       | 15,79512397                                                  |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 11 |          |                            | Среднеквадратическое отклонение | =КОРЕНЬ(D11)                                                 |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 12 |          |                            | Коэффициент вариации            |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |

**Рис. 15** Ввод формулы

Для получения коэффициента вариации в ячейке D13 вводим формулу  $=D12/D10*100$  (Рис. 16).

|    | А        | В                          | С                               | Д                                                            | Е                                                                           | Ф                  | Г                                                    | Н | И | Ж | К | Л | М | Н |
|----|----------|----------------------------|---------------------------------|--------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------|--------------------|------------------------------------------------------|---|---|---|---|---|---|---|
|    | Рост, см | Среднее значение интервала | Число юношей                    | Произведение среднего значения интервала на число наблюдений | Отклонение (разность) каждой вариации от среднеарифметической величины ряда | Квадрат отклонения | Произведение квадрата отклонения на число наблюдений |   |   |   |   |   |   |   |
|    | V        | V1                         | p                               | V1*p                                                         | d = V1 - M                                                                  | d²                 | d²*p                                                 |   |   |   |   |   |   |   |
| 1  |          |                            |                                 |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 2  | 154-156  | 155                        | 45                              | 6975                                                         | -6,518181818                                                                | 42,48669421        | 1911,90124                                           |   |   |   |   |   |   |   |
| 3  | 157-159  | 158                        | 60                              | 9480                                                         | -3,518181818                                                                | 12,37760331        | 742,6561983                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 4  | 160-162  | 161                        | 83                              | 13363                                                        | -0,518181818                                                                | 0,268512397        | 22,28652893                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 5  | 163-165  | 164                        | 83                              | 13612                                                        | 2,481818182                                                                 | 6,159421488        | 511,2319835                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 6  | 166-168  | 167                        | 53                              | 8851                                                         | 5,481818182                                                                 | 30,05033058        | 1592,667521                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 7  | 169-171  | 170                        | 6                               | 1020                                                         | 8,481818182                                                                 | 71,94123967        | 431,647438                                           |   |   |   |   |   |   |   |
| 8  | всего    |                            | 330                             | 53301                                                        |                                                                             |                    | 5212,390909                                          |   |   |   |   |   |   |   |
| 9  |          |                            | Средняя арифметическая          | 161,5181818                                                  |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 10 |          |                            | Дисперсия                       | 15,79512397                                                  |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 11 |          |                            | Среднеквадратическое отклонение | 3,974307986                                                  |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 12 |          |                            | Коэффициент вариации            | =D12/D10*100                                                 |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |
| 13 |          |                            |                                 |                                                              |                                                                             |                    |                                                      |   |   |   |   |   |   |   |

**Рис. 16** Ввод формулы

### **Выводы:**

4. Средний рост юношей составляет 1461,52 см;
5.  $\sigma = \pm 3,97$  (см).
6. Величина коэффициента вариации, равная 2,46% свидетельствует о слабом разнообразии признака.

Таким образом, можно считать, что полученная средняя величина массы тела является достаточно представительной (типичной).

### **КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ**

- Что такое вариационный ряд?
- Для чего используются средние величины?
- По каким критериям можно оценить разнообразие признака?
- В каких случаях применяют среднеквадратическое отклонение?
- Каково назначение коэффициента вариации?
- Как оценить величину коэффициента вариации?
- Правило нормального распределения Гаусса.

### **ТЕСТОВЫЕ ЗАДАНИЯ:**

Выберите один или несколько правильных ответов:

#### **1. Вариационный ряд — это:**

- а) числовые значения изучаемого признака статистической совокупности, расположенные в ранговом порядке;
- б) числовые значения изучаемого признака, расположенные в ранговом порядке с соответствующими этим значениям частотами;
- в) числовые значения изучаемого признака с соответствующими этим значениям частотами.

#### **2. Средняя величина — это:**

- а) варианта с повторяющимся числовым значением;
- б) варианта, имеющая наибольший «вес» (частоту) в вариационном ряду;
- в) обобщающая числовая характеристика размера изучаемого признака.

#### **3. Впишите недостающий вид вариационного ряда по частоте представленных в нем вариант:**

- а) простой;
- б) \_\_\_\_\_

#### **4. Средние величины применяются для оценки:**

- а) состояния здоровья населения;
- б) организации работы и деятельности лечебно-профилактических учреждений в целом, отдельных его подразделений и врачей;
- в) организации работы и деятельности всей системы здравоохранения;
- г) состояния окружающей среды.

**5. В каком вариационном ряду используются следующие методы расчета средней арифметической величины (подберите соответствующие ответы):**

| Вариационный ряд:                                             | Методы расчета:                                              |
|---------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------|
| 1) простой вариационный ряд<br>2) взвешенный вариационный ряд | а) $M = (\text{сумма } V_p)/n$<br>б) $M = \text{сумма } V/n$ |

**6. Укажите соответствующий алгоритм расчета для простых и взвешенных средних арифметических величин:**

| Средняя величина:                                                                           | Алгоритм расчета:                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
|---------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 1) простая средняя арифметическая величина<br>2) взвешенная средняя арифметическая величина | а) перемножить каждую варианту на соответствующую ей частоту ( $V_p$ );<br>б) получить сумму произведений вариант на частоты (сумма $V_p$ );<br>г) суммировать числовые значения вариант (сумма $V$ );<br>д) полученную сумму $V_p$ разделить на число наблюдений ( $n$ );<br>г) полученную сумму $V$ разделить на число наблюдений ( $n$ ). |

**7. Характеристиками разнообразия вариационного ряда являются:** а) лимиты ряда ( $V_{\max}$  и  $V_{\min}$ );  
б) амплитуда ряда ( $A$ );  
в) среднеквадратическое отклонение (сигма);  
г) отклонение (разность) каждой варианты от среднеарифметической величины вариационного ряда ( $d = V - M$ );  
д) коэффициент вариации ( $C_v$ ).

**8. Каково значение сигмы для анализа вариационного ряда (укажите правильные ответы):**

а) характеризует внутреннее разнообразие (колеблемость) вариационного ряда;  
б) применяется для сравнительной оценки типичности средних арифметических величин;  
в) позволяет оценить достоверность средней величины;  
г) позволяет восстановить (реконструировать) вариационный ряд по частоте на основе правила «трех сигм»;  
д) применяется для выявления «выскакивающих» вариант;  
е) применяется для расчета коэффициента вариации ( $C_v$ );  
ж) применяется для вычисления ошибки репрезентативности средней арифметической ( $m_M$ ).

**9. "Нормальное" распределение вариационного ряда означает:**

- а) распределение вариационного ряда по частоте на основе правила «трех сигм»;
- б) что в пределах  $M \pm 1$  сигма находится 68,3% вариант ряда;
- в) что в пределах  $M \pm 2$  сигмы находятся 95,5% всех вариант;
- г) что в пределах  $M \pm 3$  сигмы находятся 99,7% всех вариант.

### **СИТУАЦИОННЫЕ ЗАДАЧИ:**

**Задача 1** Результаты исследования здоровья студентов 2 групп по характеристике частоты сердечных сокращений (ЧСС) показали одинаковую среднюю величину (85 уд/мин). Критерий разнообразия ЧСС в одной группе — 2 удара в минуту, в другой — 4 удара в минуту.

1. Определите, для какой группы средняя величина пульса при одинаковой средней частоте сердечных сокращений ( $M$ ) и одинаковом числе студентов типичнее, т.е. лучше отражает состояние здоровья студентов.
2. Какой критерий разнообразия был использован для определения разнообразия признака?

**Задача 2** При изучении физического развития школьников 7-го класса было установлено значительное разнообразие по росту (от 151 до 170 см). Средняя величина роста этих мальчиков равна 160 см,  $\sigma = \pm 3$  см.

1. Находятся ли крайние значения роста детей в пределах нормального распределения признака?
2. Какую методику (значение сигмы) Вы при этом использовали?

**Задача 3** При медицинском осмотре студентов военно-медицинской академии изучены различные показатели крови, в т.ч. количество лейкоцитов колебалось в пределах 6000-9500. Среднее значение числа лейкоцитов равно 7500,  $\sigma = \pm 0,5$  тыс. лейкоцитов.

1. Какая величина в данном случае является «выскакивающей вариантой»?
2. Какая методика позволила определить ее?

**Задача 4** В первые часы после инфаркта миокарда у больных изменяется целый ряд параметров, в том числе уровень артериального давления количество лейкоцитов и ферментов крови.

1. Какой критерий необходимо применить для оценки разнообразия признаков?
2. Обоснуйте его применение.

**Задача 5** При проведении всеобщей диспансеризации детского населения в городе Н. были получены результаты изучения физического развития детей (по массе тела). При этом получили следующие данные: средняя масса тела новорожденных детей составила 2,9 кг,  $\sigma = \pm 0,3$  кг; средняя масса тела детей 1-го года жизни — 12 кг,  $\sigma = \pm 1,0$  кг.

1. Достаточно ли представленной в условии задачи информации для вывода о степени разнообразия (устойчивости) признака?
2. В какой группе более разнообразна масса тела?

### **Основная литература:**

1. Кобринский Б.А., Зарубина Т.В. Медицинская информатика: Учебник. М: изд. "Академия", 2009.
2. Применение методов статистического анализа для изучения общественного здоровья и здравоохранения: Учебное пособие для практических занятий / Под ред. В.З.Кучеренко. – М.:ГЭОТАР-МЕД, 2004. – 192 с.

### **Дополнительная литература:**

1. Зайцев В.М., Лифляндский В.Г. Маринкин В.И. Прикладная медицинская статистика. – Спб: ООО «Издательства ФОЛИАНТ», 2003. – 432 с.
2. Карась С.И. Информационные основы принятия решений в медицине: Учебное пособие. – Томск: Печатная мануфактура, 2003.- 145с.
3. Чернов В.И., Родионов О.В., Есауленко И.Э. и др. Медицинская информатика: Учебное пособие.- Воронеж, 2004. – 282с.: ил.
5. Гельман В.Я. Медицинская информатика: практикум. – СПб: Питер, 2001. -480с. – (Серия "Национальная медицинская библиотека").
6. Богданов А.К., Проценко В.Д. Практические применения современных методов анализа изображений в медицине: Учебное пособие. – М.: РУДН, 2008. – 119с.: ил.
7. Санников А.Г., Егоров Д.Б., Скудных А.С., Рухлова С.А. Практикум по медицинской информатике: автоматизированное рабочее место врача и системы поддержки принятия врачебного решения. – Тюмень: П.П.Ш., 2009. – 116с.